# Анализ задач и модели многопутевой маршрутизации в сетях интернета вещей

# А. И. Парамонов

Санкт-Петербургский государственный университет телекоммуникаций им. проф. М.А. Бонч-Бруевича e-mail alex-in-spb@yandex.ru

Аннотация. В работе представлены результаты анализа использования многопутевой маршрутизации в сети ІоТ для решения задач минимизации времени сообщений доставки И увеличения пропускной способности сети между узлом-источником и получателем. Представлена модель многолучевой маршрутизации и полученных результатов. Результаты доставки и демонстрируют зависимость времени пропускной способности от выбора маршрутов.

Ключевые слова: интернет вещей, многопутевая маршрутизация, срок поставки, пропускная способность

## І. Введение

Развитие интернета вещей (ИВ) стало одним из основных направлений развития современной инфокоммуникационной системы. Количество устройств, подключенных к сетям связи сегодня уже превышает численность населения планеты [1, 2] и процесс роста еще далек от завершения. Вполне возможно ожидать, что в перспективе рост численности устройств ИВ приведет к формированию сетей с высокой и сверхвысокой плотностью устройств. В настоящее время под высокой плотностью понимаются сети, в которых в среднем имеется около одного устройства на квадратный метр.

Как было отмечено в ряде работ, высокая плотность устройств с одной стороны создает существенные проблемы, связанные с высоким уровнем взаимных помех, но с другой стороны, в определенных условиях, расширяет возможность выбора структуры сети. В таких сетях, как правило, используются малые мощности передатчиков, а размеры зоны связи исчисляются метрами или десятками метров.

В таких условиях для обеспечения связности сети необходимо использовать протоколы самоорганизации [3], позволяющие строить маршруты между произвольными узлами. Потенциальное количество маршрутов в сети высокой плотности может быть чрезвычайно велико, поэтому при построении логической структуры сети необходимо решать задачи выбора тех или иных маршрутов на основании некоторого критерия.

В общем случае между парой узлов сети может существовать множество маршрутов. В настоящее время известны протоколы много-путевой маршрутизации, в том числе и для сетей ИВ [4, 5]. Они обеспечивают поиск нескольких маршрутов в заданном направлении. Эти

Исследование выполнено в рамках выполнения ПНИ по государственному заданию СПбГУТ на 2022 год.

# С. Н. Бушеленков

Макрорегиональный филиал «Северо-Запад» ПАО «Ростелеком»;

Санкт-Петербургский государственный университет телекоммуникаций им. проф. М.А. Бонч-Бруевича e-mail bsn1980@yandex.ru

протоколы могут реализовывать поиск как зависимых, так и не зависимых маршрутов.

Строго говоря, абсолютно независимых маршрутов в сети беспроводной связи не существует [6, 7], поэтому в данном случае под независимыми маршрутами будем понимать такие маршруты, в которых нет общих элементов, за исключением первого и последнего участков.

Увеличение количества транзитных участков в маршруте неизбежно приводит к уменьшению эквивалентной скорости передачи данных (увеличению времени доставки) из-за взаимных влияний узлов маршрута. Однако, это может быть единственным способом организации связи между узлами сети. Например, в работе [8] предлагается метод выбора параметров маршрута для обеспечения максимально возможной скорости передачи данных (снижения времени их доставки).

#### II. Анализ и постановка задачи

Основными задачами, с точки зрения организации связи, является обеспечения минимальной задержки доставки данных и достижение максимально возможной скорости передачи данных. При использовании одного маршрута эта задача решается оптимальным выбором транзитных узлов [9] при использовании нескольких маршрутов возникает задача из оптимального или рационального выбора.

Будем полагать, что имеется возможность нахождения n маршрутов между узлом источником s и получателем данных t. Тогда для реализации многопутевой маршрутизации требуется из n имеющихся выбрать k маршрутов, которые наилучшим образом могут решать поставленную задачу, рис. 1. Очевидно, что количество возможных вариантов равно  $m=C_n^k$ .

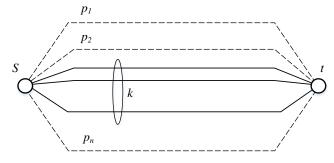


Рис. 1. Модель выбора группы маршрутов

Рассмотрим задачи минимизации времени доставки данных и максимизации скорости передачи данных. В такой формулировке они могут показаться одной и той же задачей, поэтому далее уточним формулировки.

В качестве первой задачи рассмотрим задачу минимизации времени доставки сообщения. Эту задачу можно сравнить с отправкой срочной депеши, копии которой доставляются несколькими курьерами, прибытие в пункт назначения первого же из них является решением задачи. В таком случае использование k маршрутов дает возможность уменьшить время доставки за счет случайного характера задержки. При решении данной задачи происходит k-кратное увеличение трафика [8].

В качестве второй задачи рассмотрим задачу максимизации эквивалентной скорости передачи данных по группе маршрутов. Эту задачу можно сравнить с перегоном большого количества автомобилей с одной автостоянки на другую, решением задачи является прибытие последнего автомобиля в пункт назначения. В таком случае использование k маршрутов дает возможность уменьшить время решения задачи за счет увеличения эквивалентной пропускной способности. В этой задаче большое значение имеет распределение потока по маршрутам.

Эти две задачи можно рассматривать как дуальные. В первой задаче требуется увеличение интенсивности трафика и объема используемых ресурсов. Во второй задаче требуется перераспределение трафика, что не требует увеличения трафика и объема ресурсов. При решении первой задачи выбор k>1 маршрутов всегда обеспечивает уменьшение времени доставки, по сравнению с одним маршрутом. Во второй задаче решение зависит от распределения трафика по маршрутам и может быть, как меньше, так и больше, чем для случая с одним маршрутом. Таким образом, во требуется залаче решение ползалачи оптимизации распределения трафика.

### III. МОДЕЛЬ МНОГО-ПУТЕВОЙ МАРШРУТИЗАЦИИ

Будем полагать, что имеется п маршрутов из которых выбирается k маршрутов для решения задачи многопутевой маршрутизации. Также будем полагать, что время доставки по каждому из маршрутов i=1,...,n маршрутов является независимой случайной величиной (CB)  $X_i$  с функцией распределения  $F_i(x)$ , i=1,...,n.

Решением первой задачи будет СВ

$$Y = \min_{i} (X_1, X_2, ..., X_k), \quad i = 1, ..., k$$
 (1)

с функцией распределения [10]

$$G_Y(y) = 1 - \prod_{i=1}^{k} (1 - F_{xi}(y))$$
 (2)

Решением второй задачи будет СВ

$$Z = \max_{i} (X_{1}, X_{2}, ..., X_{k}), \quad i = 1, ..., k$$
 (3)

с функцией распределения

$$G_z(z) = \prod_{i=1}^k F_{xi}(z) \tag{4}$$

Целью решения первой и второй задач является уменьшение математического ожидания результирующих CB, т. е.  $\min E(Y)$  и  $\min E(Z)$ , соответственно.

Учитывая (2) и (4) можно заметить, что единственным способом уменьшения математического ожидания, в этих задачах, является выбор такого множества  $X=\{X_1,X_1,...,X_k\}$  из множества  $N=\{X_1,X_1,...,X_n\}$ ,  $0 \le k \le n$ , при котором достигается минимум математического ожидания. Разумеется, такой подход возможен только тогда, когда их функции распределения различны, т.е.  $F_i(x) \ne F_j(x)$ , i,j=1,...,n,  $i\ne j$ . При одинаковых функциях распределения задача выбора теряет смысл, в таком случае все способы выбора равноценны.

В общем случае СВ, представляют описывают время задержки, следовательно,  $X_i {\ge} 0, i {=} 1, ..., n$ . В общем случае верхняя граница этих величин не определена. Однако, в большинстве практических случаев  $x_i^{(\min)} {\le} X_i {\le} x_i^{(\max)}$ , т. е. максимальное значение также ограничено. В таком случае можно говорить, что каждая из величин имеет ограниченную область значений  $D_i = \left[x_i^{(\min)}, x_i^{(\max)}\right]$ .

Рассмотрим подход к выбору  $X_{\rm i}$  для решения задач I и II.

Задача I. Допустим, что есть две CB  $X_1$  и  $X_2$ , причем области их значений не пересекаются, т. е.  $D_1 \cap D_2 = \varnothing$ , а  $x_1^{(\max)} < x_2^{(\min)} = \varnothing$ , т.е. априорно  $P(X_1 < X_2) = 1$ , следовательно выбор минимума однозначен в пользу  $X_1$ . Таким образом, выбираемые маршруты должны удовлетворять условию  $D_i \cap D_j \neq \varnothing$ ,  $i,j=1,\ldots,n, i\neq j$ . Сам выбор может производиться по критерию минимума математического ожидания min E(Y), например, методом, предложенным в [2].

Задача II. В отличие от рассмотренного случая, для решения данной задачи могут быть использованы любые маршруты, однако в этом случае первостепенное значение приобретает задача распределения трафика по выбранным маршрутам. В работе [7] предлагается решать задачу в два этапа: на первом этапе выбрать маршруты В предположении равновероятного распределения трафика, a на втором выбрать коэффициенты распределения.

Рассмотрим, в качестве примера, две СВ  $X_1$  и  $X_2$  с различными функциями распределения, плотности вероятности которых приведены на рис. 2.

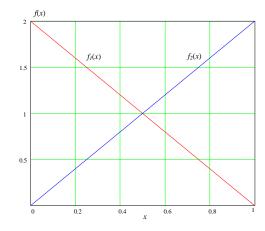


Рис. 2.

Рассмотрим три варианта выбора двух СВ: когда обе величины имеют плотности вероятности  $f_1(x)$ , когда обе СВ имеют плотности вероятности  $f_2(x)$  и разные плотности вероятности  $f_1(x)$  и  $f_2(x)$ . Функция распределения СВ Z приведена на рис. 3.

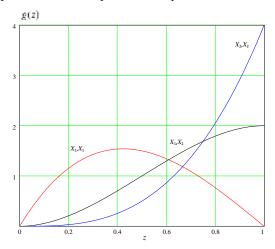


Рис. 3. Результат, полученный согласно (4) для СВ  $X_1$  и  $X_2$ 

Из приведенных графиков видно, что плотность вероятности результирующей CB зависит распределений, выбираемых СВ. Наименьшее среднее значение имеет место при выборе двух CB c одинаковыми функциями распределения  $f_1(x)$ наибольшее при выборе также двух СВ с одинаковыми функциями распределения  $f_2(x)$ , среднее между ними положение занимает выбор СВ с разными функциями, т.е.  $f_1(x)$  и  $f_2(x)$ . Сравнивая плотности вероятности CB, приведенные на рис. 2, видно, что наилучший результат дает СВ, которая принимает меньшие значения с большей вероятностью, т. е.  $X_1$  в данном примере.

Таким образом, при выборе маршрута можно руководствоваться видом функции плотности вероятности (гистограммы), предпочтение следует отдать CB с функциями в большей степени схожими с  $f_1(x)$ , чем с  $f_2(x)$ .

Для такого сравнения предлагается использовать аппроксимацию плотности вероятности прямой линией, которой характеризует степень предпочтения выбора. Пример сравнения гистограмм двух СВ  $X_1$  и  $X_2$  приведен на рис. 4.

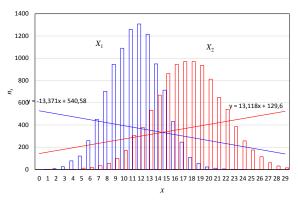


Рис. 4. Сравнение двух гистограмм

Из приведенного примера видно, что аппроксимация одного гистограммы X1 имеет отрицательный коэффициент наклона, а для величины X2

положительный. В данном примере интуитивно понятно, что X1 предпочтительней, однако численное значение коэффициента наклона прямой дает возможность получить численную характеристику СВ для принятия решения о ее выборе. Таким образом, при наличии статистических данных (гистограммы) о времени выборе маршрутов в группу можно доставки, при предложенный метод, использовать возможность минимизировать математическое ожидание (4).

Рассмотрим далее выбор коэффициентов распределения трафика. Время передачи доли данных по каждому маршруту равно  $T_i = \frac{\beta_i L}{b_i}$ .

При выборе k маршрутов эквивалентная скорость передачи данных по группе маршрутов  $b_{\rm s}$  будет равна

$$b_S = \sum_{i=1}^k b_i \ . \tag{5}$$

Тогда время передачи T всего объема данных L, в идеальном случае будет равно

$$T = \frac{L}{b_c} \,. \tag{6}$$

Очевидно, что такое решение можно получить если абсолютно точно разделить весь объем передаваемых данных пропорционально скоростям передачи по каждому из маршрутов, т. е. когда доля данных передаваемых в i-м маршруте будет равна.

$$\beta_i = \frac{b_i}{\sum_{i=1}^k b_i} \tag{7}$$

Коэффициенты распределения трафика могут быть использованы как вероятность отправки пакета по соответствующему маршруту.

Рассмотренный метод позволяет решить задачу повышения пропускной способности при использовании многопутевой маршрутизации и может быть альтернативой методу, предложенному в [7].

#### IV. Выводы

Применение многопутевой маршрутизации в сетях интернета вещей позволяет решить задачи минимизации времени доставки сообщений и повышения пропускной способности сети между источником и получателем данных.

Предложенный метод повышения пропускной способности позволяет производить близкий к оптимальному выбор маршрутов, что повышает эффективность использования сетевых ресурсов. В ряде случаев, в частности, при значительной длине маршрута, предложенный метод является эффективным средством реализации услуг, имеющих повышенные требования к скорости передачи данных.

## Список литературы

- [1] Кучерявый А.Е. Интернет Вещей // Электросвязь. 2013. № 1. С. 21-24.
- [2] Кучерявый А.Е. Сети связи 2030 [Текст] / А.Е. Кучерявый, А.С. Бородин, Р.В. Киричек // Электросвязь. 2018. № 11. С. 52-56.

- [3] Нуриллоев И.Н., Парамонов А.И., Кучерявый А.Е. Метод оценки и обеспечения связности беспроводной сенсорной сети // Электросвязь. 2017. № 7. С. 39-44.
- [4] Keum D. Trust Based Multipath QoS Routing Protocol for Mission-Critical Data Transmission in Tactical Ad-Hoc Networks / D. Keum, J. Lim, Y. Ko // Sensors. 20. (2020) 3330. 10.3390/s20113330. https://doi.org/10.3390/s20113330.
- [5] Wu C. Multimedia Independent Multipath Routing Algorithms for Internet of Things Based on a Node Hidden Communication Model / C. Wu, J.W. Yang // Future Internet. 2019. Vol.11, 240. 20 p. https://doi.org/10.3390/fi11110240.
- [6] Парамонов А.И., Бушеленков С.Н. Модель сети доступа интернета вещей на основе решетчатой структуры //

- Информационные технологии и телекоммуникации. 2021. Т. 9, № 1. С.37-46.
- [7] Бушеленков С.Н. Эффективный метод многопутевой маршрутизации // Электросвязь. 2022. № 3. С. 12-18.
- [8] Кашкаров Д.В., Парамонов А.И., Кучерявый А.Е. Метод повышения эффективности URLLC в перспективных сетях связи. // Электросвязь. 2022. № 2. С. 32-37.
- [9] Бушеленков С.Н., Парамонов А.И. Метод выбора маршрутов в беспроводной сети интернета вещей высокой плотности // Электросвязь. 2021. № 12. С. 14-20.
- [10] Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. Теория вероятностей и ее инженерные приложения. М.: Высшая школа, 2000. 480 с.